

ביקורת ספרים

Leo Corry, *A Brief History of Numbers*, Oxford–New York, Oxford University Press, 2015, 336 p.

רווי גנץ

אין ספק שההיסטוריה הקצרה של מספרים שמציע ליאו קורי ראוי לשבח. הספר מציב את עצמו בשטח ההפקר שבין מודע פופולרי להיסטוריה אקדמית. רבים וטובים ניסו למקם את כתיבתם בשטхи הבוד האלה, אבל על פי רוב היפות שנגנו היו עוד קשים לעיכול עבור הקhal הרחב, אבל כבר מעופשים ותפלים עבור הקהילה האקדמית. לא כך אצל קורי. הספר נגיש ונחרך לקורא הסקרן, ועשיר במידע עבור היסטוריונים והיסטוריוניות של רעיון. את מי שחרד ממנונים ומטמנים מתמטיים הספראמין לא ירפא, אבל מי שראתה בלימודי המתמטיקה אתגר מעצים צפואה ליהנות מרוחב היריעה ומעומק הניות.

הספר פותח בסקירות מושגי המספר בתרבויות הבבלית והמצרית באלפיים הראשונים לפניה הספרה, ממשיך לשני פרקים רחבי היקף שדנים במתמטיקה היוונית הקלסית מן המאות הראשונות לפני הספרה ואחריה, ועובד לדיוון במתמטיקה העברית של ימי הבינים, שלעתים קרובות מדי נשמטת מהסקירה של המתמטיקה המזרחית-איירופית. משם ממשיך הדיוון לעיסוק עשיר במתמטיקה האירופית של ימי הבינים המאוחרים, הרנסנס והמהפכה המדעית, דרך פרק קצר על המאות השמונה עשרה והתשעה עשרה (קצר מדי, לטעמי), שמוביל לשני פרקים העוסקים באלגבריזציה ובאהודה האריתמטית של מושג המספר המודרני סביר מפנה המאה העשרים. הפרק האחרון עוסק בהרחבת מושג המספר לעבר האינסוף בזיקה לעובdotו של קנטור.

הפרקים האחרונים עושים להיות קשים יותר עבור קוראות וקוראים שאין להם רקע מתמטי אקדמי, אבל גם שם מאמצי ההנגשה של קורי אינם בטלים. הספראמין איננו חף מרגעים של 'יעגול פינות' פשטי, אבל כמעט כולם ניתנים להצדקה בשל הכלכללה העדרינה שבין גישות לציקנות. המחיר של ניסוחים מדויקים יותר היה התעמקות בפרטים שהיו הופכים את המכשול לנגיש הרבה פחות להחל הרחב. הספר נמנע גם מעיסוק בתרבויות מתמטיות מזרחיות (הודו, סין, קוריאה ויפן)

הדיון היווני בגודלים גאומטריים כדרך אוטורית או משובשת לבטא את האלגברה הסימבולית. המהפהכה שחוללו אונגورو ואחרים לימהה אותנו לקידוא את מושגי הגדול היווניים שונים באופן מובהק במספר המודרניים. את התובנות האלה מרחיב קורי להיסטוריה המוזרה תיכונית והARIOופית של המתמטיקה עד מפני המאה העשרים.

למעשה, חלק הארי של הספר עוסק בהבדלים שבין תפיסות המספר ההיסטוריות ובין התפיסה המודרנית. במתמטיקה הבבלית והמצרית השימוש בשברים היה שונה שאנו מכירים. המתמטיקה היוונית הקפידה על הבחנה ברורה בין גודלים אריתמטיים (צירופים של יחידות בידיות) לארומטריים (אורכים, שטחים, נפחים, זווית). למעשה, הגאומטריה היוונית הקליטית נמנעה ממדידה שטחיהם, נפחיהם, זוויות). למעשה, הגאומטריה היוונית הקליטית נמנעה ממדידה מספירת גודלים גאומטריים ועסקה רק בהשוואת היחסים בין גודלים גאומטריים שונים (כלומר, לא מדובר על ריבוע שטחו, 4, למשל, אלא על זוג ריבועים שיש השטחים ביניהם וזהليس בין המספרים 4 ו-1 – הקרואות והקראים המודרניים עושים לhattketot בהבנת ההשלכות הניכרות של ההבדל הזה, והספר של קורי עושה חיל בנהרתו. בהמשך, שברים, מספרים אירציאנליים, מספרים שליליים ומכוכבים התקבלו בחדכנות. המתמטיקאים המלומדים נמנעו מלהכיר בכלל או בחלקם, השתדלו לעקוף את השימוש בהם, ויסרבו להכיל אותן תחת הכותרת 'מספר'. רק במפנה המאה העשרים נוצר מושג כולל של מספר ש麥יר בכל הגודלים האלה כביטויים של מהות אחת. הבחנות האלה מעוגנות באופןני הסימון המתמטיים ההיסטוריים השונים, וקורי מफיד להבהיר שאופני הסימון האלה לא היו רק ביטוי מושן לדיעונות נצחיים אלא גם השפיעו על הבנת מושג המספר לאורך הדורות.

עם כל אלה במובן אחר קורי בוחר באנכרוניזם בלבד היסטום ומתחם אמונה מוצקה בצדקה הדרך. כל ההיסטוריה של החשיבה על מספרים עבר מתוארת בדרך לקראת מושג המספר המודרני. אם מושג המספר המודרני הוא אוניברסלי, ודאי והכרחי, הרי מושגי המספר לאורך ההיסטוריה הם שלבים בגילוי שרויים ב'היסטוריה', אי' הבנות ואידיאוויות' (עמ' 3) או 'UMBOKHA MOSHGETA' (עמ' 146). מושגי השבר היווניים הם למשל, לפי קורי, 'שלב מוקדם של תהליך שבו שברים ייכללו בסופו של דבר אוניברסליות'.

ודרום אמריקאיות. לצעריו, על אף התקדמותו המשמעותית, מצב הידע ההיסטורי כיום היה מקשה על ניסיון להרחבת הדיון לתרבותות האלה. בסיכון של דבר, עבר מי שרצה להעיר את הידע שלו או שלא על אודות מושג המספר המודרני וההיסטוריה המערבית-קונונית שלו, הספר של קורי הוא מציע מצוין.

ובכל זאת מי שטרוח או טורחת לכתוב בィיקורת ספרים אקדמית, עושה זאת על פי רוב בغالל שימושה הביקורת מידי משוחה שיקר לו או לה, ואני אני יוצא מן הכלל זהה. אני חולק עם קורי על ההבנה של תפיסת ההיסטוריה של המדע, ומתקשה לקבל את תפיסת המתמטיקה שהוא מציע. لكن היהי שמה לו הספר של קורי היה נקרא באופן חשدني וביקורתי. אנסה לטעת כאן בקורות ובקורותים את רעיון החשדות הביקורתית הזאת.

כבר בעמוד הראשון של הפרק הראשון מצהיר קורי על אנטוגזים בין מתמטיקה ובין היסטוריה. הראשונה עוסקת ב'Յודאי, הכרחי ואוניברסלי', ואילו האחורה ב'פרטיקולרי, קונטיננטלי ואידיאיסנקרטי' (עמ' 1). אני יכול לקבל את הברחה הזאת. המתמטיקה בענייני היא בת דמותו של העולם, החברה, המוסדות והטכנולוגיה שב簟 היא מתחפתה. אין בכך כדי לטעון שהיא פרי של שרירות בלתי מותנית, משומש שהעולם, החברה, המוסדות והטכנולוגיה שלנו מותנים לא רק ברצון חופשי וביצירתיות אונושית בלתי מוגבלת אלא גם במה שאנו חנו נוטים ונוטות לחשוב עליו טבעי וככפוף לאיולוגים חומריים אוניברסליים יותר או פחות. אבל ככל שהעולם, החברה, המוסדות והטכנולוגיה שלנו אינם רק ודאיים, הכרחיים ואוניברסליים, כך גם המתמטיקה אינה כזו.

ההיסטוריה מצד אחד רק פרטיקולרית, קונטיננטלית ואידיאיסנקרטיבית. בדיק במידה שהעולם, החברה, המוסדות והטכנולוגיה שלנו אינם רק יציר שרים בלתי מותנית, כך גם להיסטוריה שלהם יש טעמים והתיוות שונה יותר לחשב עליהם במונחים של הכרח וככלויות מאשר במונחים של גחמה מקרים. בענייני, ההיסטוריה והמתמטיקה אין זו זו. הן ביטויים שונים של אותו עולם. אבל ההיסטוריה שקורי מציע היא היסטוריה של המשגגת המתמטיקה וההיסטוריה של המכחשה על אודות המתמטיקה – ולא היסטוריה של המתמטיקה עצמה, שעל פי תפיסתו היא אוניברסלית.

במובן אחד הגיעה של קורי מובילו אותו לאנכרוניזם (ניתוח העבר במונחיה ההווה); במובן אחר לא. העבודה של קורי אינה אונכרוניסטית בכך שהיא מזהה מושגים ההיסטוריים עם מושגים מודרניים. בעקבות השפעה המכוננת של שבתאי מושגים ההיסטוריים שאנו מורה דרך עבר קורי ועבורי כאחד – קורי מקפיד מאוד להבדיל בין מושגי מספר ההיסטוריים למושג המספר המודרני. ההיסטוריה-וגרפיה של המתמטיקה היוונית לאורך המאה התשע עשרה וברוב המאה העשרים הבינה את

האיירציאנליות), אבל איןנו נוטן את הדעת לתועלת הפרקטיות שבבחירה הזאת ואיןנו מציג את פירות הדעת שהצמיחה לאורך ההיסטוריה הספקנות ביחס להכללות של גדים חשודים תחת הכותרת 'מספר'. קורי גם איןנו נוטן דין וחשבון על השיקחה בעיניו, יש טעם רק אם היא מתחoct בין ההווה ובין העבר. הפנטזיה של שחזור העבר הטהור היא בעיניו בלתי אפשרית כשם שהיא חסרת ערך. נשאיר למתים את נקודות המבט שמתו איתם. אבל תיווך בין ההווה לעבר אין משמעו ורק שייפות העבר במושגי ההווה כדי להכיר בתרונותיו של الآخرן. אגרכונזים יצרני ציריך לפתחה בפני הווה דרכיהם חדשים, שנחפשות באמצעות שחוור החזות האבודות של רעיונות העבר. זהו הטעם המרכזי, בעיניו, של העיון ההיסטורי: ניכוס של העבר בידי הווה כדי לסייע עתיד אפשרי אחר. אלא שניכוס כזה לא נמצא בספרו של קורי.

האנרכונזים שקורי מאמץ מתאפשר במידה רבה בזכות הטענה שעד המאה התשע עשרה המספר היה 'חסר כל בסיס מתאים (proper)' (עמ' 4). בהיעדר בסיס כזה אפשר לפטר את מושגי המספר ההיסטוריים כמבולבלים. אבל יש כאן, בעיניו, ראייה שוגיה של מה שנינתן להזות בכיסים מתאים למושג המספר. הרוי הבסיס המודרני של מושג המספר לא היה מתקבל על דעתם של רבים מהמתמטיקאים והמתמטיקאיות לאורך הדורות ולא מתקבל על דעתם של חלק מהפילוסופיות והפילוסופים של המתמטיקה בני זמננו. קורי לא מפרש את השינוי שאפשר אתaimozzo של הבסיס המודרני למושג המספר.

מה שהופך תפיסת מספר נתונה לבעלת בסיס מתאים הוא מענה על סדרת שאלות שאותו בסיס אמרור לעונת עליהם. מושג המספר המודרני לא נותן מענה לכל השאלות שהציגו מלומדות ומולומדים לאורך ההיסטוריה. הוא בורך מתוכן שאלות מסוימות (כיצד אפשר לבנות אובייקט לוגי-פורמלי שייתנהג כמו שמתנהגים הגדלים והמספרים השונים שצברנו לאורך הדורות? איזה מערכ לוגי-אקסiomטי אחוווני מכיל את כל הבניות האלה?), אבל איןנו עונה על שאלות אחרות (כיצד מתאפשרים מושגי המספר המופשטים והפורמליים ההיסטוריים והמודרניים לפרקטיות של מדידה ופעולה בעולם החומר? כיצד לגשר בין האינטואיציה של רצף – שורה למושג הרצף הפורמלי של דקינון מסוף המאה התשע עשרה – לבין המנייה הבדידה של יחידות?). מושג המספר התב�ס באופנים שונים בזמנים שונים. הבסיס המודרני לא נותן מענה לכל השאלות ההיסטוריות והעכשוויות בדבר מהות המספר. הוא מתאים ומה שהוא מתאים ותו לא.

בתוצאתה מהעדפתו את הבסיס המודרני של תפיסת המספר קורי לא נדרש ליתרונות של מושגי מספר ההיסטוריים, ולא מציג אותם לקוראות ולקוראים. קורי אמנם מסביר את הרקע היבטי שהוביל, ככל הנראה, להבחנות היוניות בין סוגים גדולים (בעיית

א	א	א	א
ס	א	א	א
ס	ס	א	א
ס	ס	ס	א
ס	ס	ס	ס

במרובע הזה, שארכו 6 שורות ורוחבו 5 עמודות, ממחציתו השמאלית העליונה מסומנת באות א) כוללת את סכום המספרים מ-1 (עמודה ימנית) עד 5 (עמודה

פיזיקליים, וארכיטמטיים; רצינגלים ואירצינגולים; חיוביים, שליליים ומרוכבים אחד. ההיסטוריה היא היסטוריה של בלבול וחסמים בדרך לפרטון הזה.

חשוב לי להבהיר שאני לא דוחה על הספר כל צורה של אנרכונזם. להיסטוריה, בעיניו, יש טעם רק אם היא מתחoct בין ההווה ובין העבר. הפנטזיה של שחזור העבר הטהור היא בעיניו בלתי אפשרית כשם שהיא חסרת ערך. נשאיר למתים את נקודות המבט שמתו איתם. אבל תיווך בין ההווה לעבר אין משמעו ורק שייפות העבר במושגי ההווה כדי להכיר בתרונותיו של الآخرן. אגרכונזים יצרני ציריך לפתחה בפני הווה דרכיהם חדשים, שנחפשות באמצעות שחוור החזות האבודות של רעיונות העבר. זהו הטעם המרכזי, בעיניו, של העיון ההיסטורי: ניכוס של העבר בידי הווה כדי לסייע עתיד אפשרי אחר. אלא שניכוס כזה לא נמצא בספרו של קורי.

האנרכונזים שקורי מאמץ מתאפשר במידה רבה בזכות הטענה שעד המאה התשע עשרה המספר היה 'חסר כל בסיס מתאים (proper)' (עמ' 4). בהיעדר בסיס כזה אפשר לפטר את מושגי המספר ההיסטוריים כמבולבלים. אבל יש כאן, בעיניו, ראייה שוגיה של מה שנינתן להזות בכיסים מתאים למושג המספר. הרוי הבסיס המודרני של מושג המספר לא היה מתקבל על דעתם של רבים מהמתמטיקאים והמתמטיקאיות לאורך הדורות ולא מתקבל על דעתם של חלק מהפילוסופיות והפילוסופים של המתמטיקה בני זמננו. קורי לא מפרש את השינוי שאפשר אתaimozzo של הבסיס המודרני למושג המספר.

מה שהופך תפיסת מספר נתונה לבעלת בסיס מתאים הוא מענה על סדרת שאלות שאותו בסיס אמרור לעונת עליהם. מושג המספר המודרני לא נותן מענה לכל השאלות שהציגו מלומדות ומולומדים לאורך ההיסטוריה. הוא בורך מתוכן שאלות מסוימות (כיצד אפשר לבנות אובייקט לוגי-פורמלי שייתנהג כמו שמתנהגים הגדלים והמספרים השונים שצברנו לאורך הדורות? איזה מערכ לוגי-אקסiomטי אחוווני מכיל את כל הבניות האלה?), אבל איןנו עונה על שאלות אחרות (כיצד מתאפשרים מושגי המספר המופשטים והפורמליים ההיסטוריים והמודרניים לפרקטיות של מדידה ופעולה בעולם החומר? כיצד לגשר בין האינטואיציה של רצף – שורה למושג הרצף הפורמלי של דקינון מסוף המאה התשע עשרה – לבין המנייה הבדידה של יחידות?). מושג המספר התבוסס באופנים שונים בזמנים שונים. הבסיס המודרני לא נותן מענה לכל השאלות ההיסטוריות והעכשוויות בדבר מהות המספר. הוא מתאים ומה שהוא מתאים ותו לא.

בתוצאתה מהעדפתו את הבסיס המודרני של תפיסת המספר קורי לא נדרש ליתרונות של מושגי מספר ההיסטוריים, ולא מציג אותם לקוראות ולקוראים. קורי אמנם מסביר את הרקע היבטי שהוביל, ככל הנראה, להבחנות היוניות בין סוגים גדולים (בעית

בכך. אם, על פי דדקינד, הטענה לפיה $\sqrt{3} / \sqrt{2} < 1$ לא כotta להצדקה לפני שזהיג את מושג המספר שלו, הדבר בוודאי נכון גם לטענה לעיל.

באופן כללי אני מזמין את הדיוון של קורי בمبرשות של מערכות הסימון המתמטיות השונות חסר. הוא מדגיש שהידון המתמטי עד המאה השבע עשרה היה מילולי בעיקרו (מתמטיקה רטורית). מניפולציות של סימנים מהסוג שאנו רגילים אליו באלגברה מודרנית לא היו חלק משפטות מתמטיות עתיקות יותר. אני לא מבקש לסתור את הטענה הזאת, אלא רק לסייע לה.

ראשית, הקביעה שליפה הבניתה הרטורי היה מסורבל יותר מאשר הניסוח האלגברי המודרני, ככלומר שהיה קשה יותר לעקוב אחריו, להבין אותו ולהשתמש בו (למשל, בעמ' 37 ו-43), היא קביעה בעיתית. למי שמרגל מילדות לטמנונים אלגבריים, הקביעה הזאת בוודאי נכונה. אבל האם היא נכונה גם למי שהרגל מילדות במתמטיקה רטורית? הניסיון שלי בקירהה של טקסטים מתמטיים מיימי הבניים המאוחרים ומהרנסנס גורם לי להתיל ספק בקביעה הזאת. ההתמודדות הראשונית שלי עם טקסטים רטוריים אכן היה קשה ודרשו תרגום מתמיד לשפה סימבולית מודרנית. אבל אחרי התנסות בכל אלף עמודי מתמטיקה רטורית, השפה המתמטית המילילית הופכת מוקד אוטם שדורש פיענוח לשפה טבעית יותר, שאינה דורשת תרגום (בקשר אחר, רואיל נץ מבחרה שהטקסט המתמטי היווני הקלאסי היה מורכב ברובו במספר מצומצם יחסית של 'נוסחות' מילוליות שהרכבו יחד, ולא היה טקסט מילולי וחופשי). לעומת זאת אם נשאל תלמידים ולומידות מתמטיקה בכתי ספר, נגלה שהلامידה של שפה אלגברית סימבולית היא אתגר שלא כולם מצליחים לעמוד בו.

שנית, על אף שבכתב היד המתמטיים אנחנו מוצאים כמעט רק מתמטיקה רטורית, אנחנו יודעים היטב שלתרבותות מתמטיות היסטוריות היו שפות סימבוליות לכטיבת מתמטיקה. לא מדובר בשפות דומות לאלגברה מודרנית, אבל בהחלט כתיבת מתמטיקה. לא מדובר בשפות דומות לאלגברה מודרנית, אבל בהחלט סימבולים או סימבולים למחזקה עלلوحות מהקיים היו חלק מהפרקтика המתמטית ההיסטורית הרבה לפני המיצאת האלגברה המודרנית, וקוררי מכיר בכך. כתבי היד נוטים למעט בתיעוד הפרקтика הזאת – גם מושום שהיא נתפסה כאמתיאמה לטנדרט של ספרים, וגם משום שהמורים לא היו מעוניינים לחשוף את מלאה הידע הפרקטי לקורא, כיון שהתרפנסו מוהראה בעל פה של פרקטיקות כאלה. אבל היסטוריוניות ודסטורוניות לא יכולם להמעיט בחשיבות הפרקתיקות האלה רק בגליל יציגן החסר בכתב יד.

התפיסה של פרקטיקות סימבוליות היסטוריות כצדדים מהווסטים לקראת שפה אלגברית מודרנית היא בעיתית. מן ראוי ללמידה לא רק את המברשות של השפות המספר, ככלומר בנויות המספרים הממשיים על ידי דדקינד,dia לא עניין של מה

שמאלית), ומהцитתו הימנית התחתונה כוללת גם היא את אותו הסכום (מוסמן באות ס). מכאן, שסכום המספרים מ-1 עד 5 שווה למחצית, של 6 כפול 5. טיעון שבבסיס על הדיאגרמה הזאת מתנשך באופן זה עבור מ זוגי והן עבור מ אי-זוגי. טיעון כזה היה חלק מהארנסל של המתמטיקה היוונית והערבית, ובוואדי היה נגיש ללי. אפשר היה גם לנוכח גרסה שלו בשפה הטכנית שלוי השתמש בה. ובכל זאת לוי בחר לטפל בנפרד בסכומים זוגיים וアイיזוגיים, ורק אחר כך לאחד אותם תחת הצורה אחת (עובדה שקורריינו מזכיר). אם כן אין כאן עדות לחולשה שכופה המערך המושגי של לוי אלא עדות לבחירה של לוי באופני חשיבה והציגה מסוימים. השאלה שראוי לשאול הן מה התרונות הпедagogיים או המושגים שבאופן הציגה הזה. דיון בשאלות אלה עשוי לסייע לנו להנגיש ידע מתמטי לתלמידים ולתלמידים ולהשוף אותנו למה שהוכחה המודרנית באינדוקציה מסתירה מתנו. דוגמה אחרת נמצאת בדיון של קורי במשוואות לא הומוגניות, ככלומר כאשר המשוואות גדולות מתמטיים מסוימים, למשל אורכים ושטחים. הכוונה כאן להשוואת קטע באורך 2 לצורה דו-ממדית שטחה 2. משוואות אלה נפסלו בקרוב רוב המקוריות הקנוןיות שמוכרים לנו. אחת הדריכים ('תקן' משוואות אלה היא 'הכפלת' הקטע' שארכו 2 בקטע אחר שארכו 1, והפיקתו למלבן (כלומר צורה) שטחה 2. אך הופכת המשווה להשוואה הומוגנית בין שתי צורות. קורי מציין שההומוגניות מהסוג הזה הייתה הדריך (קטן) כבר מהפרקтика המתמטית הערבית (עמ' 178), אבל טוען שהתבססה רק אצל דקארט. אלא שלמעשה גם דקארט, שהציג את הטענה הזאת באופן מוסדר, מיעט להשתמש בה, וההימנעות ממשוואות לא הומוגניות נותרה פרקטיקה מקובלת גם זמן רב אחריו. מה שדורש כאן הסבר הוא מדוע טכנית שהיתה מוכרת מאות שנים, הפקה רק מאוחר כל כך לפרקטיקה מקובלת של השוואת גודלים מסוימים תוך הצלמות מסווגיהם. עקבותיה של הדעה הקדומה היוונית אין הסבר מספק. למעשה עד היום פיזיקאים מקפידים על כך שהיחסות של שני אגפים של משווה יהוו זהות, אך שהגבלת דינמיים מדעיים מסוימים למשוואות הומוגניות אינה רק שיריד מושן.

דוגמה שלישית היא הדיון של קורי בטענה הזאת: אם היחס בין a ל-b זה היחס בין c ל-d, אז היחס בין a ל-c זהה ליחס בין b ל-d. במנוגנים מודרניים נכתב: אם $a/d = c/b$, אז $a/c = b/d$. הוכחה של הטענה הזאת כפי שהיא מופיעעה באلمנטים של אוקלידס, על סמך תורת הפרופורציות של אודוקסוס, היא אכן מוכבת, אבל תמורה עיבוני הקביעה של קורי שלפה 'במנוגנים של אלגברה סימבולית מודרנית... הטענה לא דורשת ניסוח נפרד, ובוודאי לא הוכחה נפרדת' (עמ' 56). הוכחת הטענה הזאת במונחים שקוררי מציג כתשתית המודרנית למושג המספר, ככלומר בנויות המספרים הממשיים על ידי דדקינד,dia לא עניין של מה

הנחות שונות ביחס לטבעה של המתמטיקה. ניצלתי את הבמה הזאת כדי להטיף לטובות חלופה כזו. עבור מי שלא השתכנע, ההיסטוריה הקצרה של המספרים תהיה מדריך נפלא. מי ששותכנה כדי שתקרה בספר באופן זהיר וחשدني.

האלה, שקוררי מקפיד לחדגים, אלא גם את היתרונות שלן בהקשר הפרקי שבו נוצרו. עם זאת, שוב, קשה להטיל את מלאה האשמה על קורי. ההבנה שלנו את שיטות הייצוג הסימבוליות הקדם-מודרניות חלקית מאוד, והיכולת לתת דין וחשבון ראוי עליהם בעבודה סינטטית ש מבוססת על המחקר הקיים מוגבלת.

כל זה מתקשך לנוקודה החובבה אהרוןנה. הקשר ההיסטורי נתון לא כולל רק תפיסת מספר אחת, נבדלת מקודמותיה. למעשה, כפי שקוררי מזכיר פה ושם (אבל לא מספיק לטעמי), ידוע לנו היטב שלצד תרבויות מתמטיות מלומדות, שהקפידו במידה כזו או אחרת על כתיבה רטורית ועל הבחנה היוונית בין סוגי גדים, התקיימו תרבויות פרקטיות, שהיו זירות הרבה ביחס להבחנות בין גדלים ויצירויות יותר ביחס לסימונים מתמטיים. חשוב להבין שבדרכו כלל גם מי שכתו במוגרת התרבות המלומדות הכירו את הפרקטיות המתמטית היום-יומי. גם אם הם ניסו לזהר את הכתיבה שלהם מה'שגיאות המושגיות' של רואי חשבון, מודדים, אריכיטקטים ואסטרולוגים, הצלחה שלהם הייתה חלנית. גם תחת הגבלה של אchronות הזמן והמקום, אין רק תרבות מתמטית אחת, ותרבויות מתמטיות שמתקימות באותו זמן ובאותו מרחב לא יכולות להיות אחרות אטומות לחלוין זו לו (הדיון של קורי בארכimedס מדגים את הטענה הזאת).

אבל הניגות ההיסטורית של מושגים מתמטיים, אצל קורי ובכלל, מותה לטובת המשגות של התרבות המתמטית המלומדות. אני מאמין שההיסטוריונים והיסטוריוניות צריכים לתקן את ההטיה הזאת. התיקון הזה דרוש לא רק מתוך מחויבות לדיקוק ההיסטורי אלא גם כדי להזכיר בריבוי של המתמטיקה בת זמננו. מה שקוררי מציג כ'מושג המודרני' (כלומר ההגדרות של דדקינד משובצות במערכת האksiומטית של צרמלו-פרנקל), מוכראות רק למטי מעט. אז ואנחנו שפהות ממחצית מהמתמטיקאים המקצועיים הפעילים היום יכולים לשחרור בדיקום מניה את הדעת את ההגדרות האלה, ולפחות מהicho בוודוד יש צורך בהן. ההגדרות האלה לא משקפות בהכרח את מושגי המספר והגדר שרוב המתמטיקאים עוסרים בהם שימוש בפועל, והן בוודאי לא משקפות את מושגי המספר של פיזיקאים, מהנדסים, רואות חשבון, מורים למתמטיקה ותלמידות תיכון. היסטורייה של המספרים, קירה ככל שתזהה, שמכוננת יכולה אל ההMSGה המתמטית המלומדת של מספרים, היא בהכרח חלנית, והקוראות צריכים להזהר בה.

עם זאת הספר של קורי הוא ספר מצוין. מבין ספרים רבים שאני מכיר שעוסקים בהיסטוריה של המספר, הוא הטוב ביותר מסווגו. ההתייחסות שבו משקפות את מצב הידע בהיסטוריה של המתמטיקה ואת התנחות הרווחות לגבי טבעה הכללי, והכרחי והוודאי של המתמטיקה. הביקורת שהצעתי כאן היא עדמת מיעוט, פחות או יתר, בהיסטוריוגרפיה של המתמטיקה. היא שואפת למסגרת ניתוח אחרת, מבוססת על

* לביקורת המחבר הסכימה מערצת 'היסטוריה' לאפשר את פרסום הסקירה על אף החריגה מן הכללים וההמלצות של האקדמיה ללשון העברית.

ההיסטוריה

העורכים:

אלכסנדר יעקבסון, בילי מלמן, יורי פינס, יוסי ציגלר



גיליון 38 • סיוון תשע"ז

כתב עת של

החברה ההיסטורית הישראלית • ירושלים